

**PUNJAB
BOARD
NOTES**

NUMERICAL PHYSICS (UR)

Presented by:

**Urdu Books Whatsapp Group
STUDY GROUP**

**9TH
CLASS**

0333-8033313

راؤ ایاز

0343-7008883

پاکستان زندہ باد

0306-7163117

محمد سلمان سلیم

باب نمبر 1۔ ﴿طبیعی مقداریں اور پیمائش﴾

1.1۔ مندرجہ ذیل مقداروں کو پری فکسر کی مدد سے ظاہر

کیجیے۔

(a) 5000g (b) 2000 000 W

(c) 52×10^{-10} kg (d) 225×10^{-8} s

(a) 5000g حل:

$$5000 \text{ g} = 5 \times 1000 \text{ g} = 5 \times 10^3 \text{ g}$$

$$= 5 \text{ kg} \quad (1 \text{ kg} = 10^3)$$

(b) 2000 000 W

$$2000 \text{ 000 W} = 2 \times 10^6 \text{ W}$$

$$= 2 \text{ MW} \quad (1 \text{ M} = 10^6)$$

(c) 52×10^{-10} kg

$$52 \times 10^{-10} \text{ kg} = 5.2 \times 10 \times 10^{-10} \text{ kg}$$

$$= 5.2 \times 10^{-9} \text{ kg}$$

$$= 5.2 \times 10^{-9} \times 10^3 \text{ g}$$

$$= 5.2 \times 10^{-6} \text{ g} = 5.2 \mu\text{g}$$

(d) 225×10^{-8} s

$$225 \times 10^{-8} \text{ s} = 2.25 \times 10^2 \times 10^{-8}$$

$$= 2.25 \times 10^{-6} \text{ s}$$

$$= 2.25 \mu\text{s}$$

1.2۔ پری فکسر مائیکرو، نینو اور پیکو کا آپس میں کیا تعلق ہے؟

حل:

$$\text{Micro} = 10^{-6}$$

$$\text{Nano} = 10^{-9}$$

$$\text{Pico} = 10^{-12}$$

$$1 \text{ Micro} = 10^3 \text{ nano}$$

$$1 \text{ Micro} = 10^3 \text{ pico}$$

$$1 \text{ Nano} = 10^3 \text{ pico}$$

2nd method

$$\mu = 10^{-6}$$

$$\text{n} = 10^{-9}$$

$$\text{p} = 10^{-12}$$

$$\mu = \text{n} = \text{p}$$

$$10^{-6} = 10^{-9} = 10^{-12}$$

$$10^{-6} = 10^{-6} \times 10^{-3} = 10^{-6} \times 10^{-6}$$

$$\mu = \mu \times 10^{-3} = 10^{-6} \mu$$

1.3۔ آپ کے بال 1 mm روزانہ کی شرح سے بڑھتے ہیں۔ ان

کے بڑھنے کی شرح nms^{-1} میں معلوم کیجیے۔

حل:

$$\text{بال کی لمبائی} = 1 \text{ mm} = 1 \times 10^{-3} = 0.001 \text{ m}$$

$$\text{وقت} = 24 \text{ hours} = 24 \times 60 \times 60 \text{ s} = 86400 \text{ s}$$

$$\text{بال کی شرح} = \frac{\text{بال کی لمبائی}}{\text{وقت}}$$

$$= \frac{0.01 \text{ m}}{86400 \text{ s}}$$

$$= 1.157 \times 10^{-8} \text{ ms}^{-1}$$

$$= 11.57 \times 10^{-9} \text{ ms}^{-1}$$

$$= 11.57 \text{ nms}^{-1} \text{ Ans}$$

سوال نمبر 1.4 درج ذیل کو سائنڈر فارم میں لکھیے۔

(a) 1168×10^{-2}

(b) 32×10^5

(d) 0.002×10^{-8}

(c) 725×10^{-5}

حل:

(a) 1168×10^{-27}

$$1168 \times 10^{-27} = 1.168 \times 10^3 \times 10^{-27}$$

$$= 1.168 \times 10^{3-27}$$

$$= 1.168 \times 10^{-24}$$

(b) 32×10^5

$$32 \times 10^5 = 3.2 \times 10 \times 10^5$$

$$= 3.2 \times 10^6$$

(c) $725 \times 10^{-5} \text{ kg}$

$$725 \times 10^{-5} \text{ kg} = 7.25 \times 10^{-5} \times 10^3 \text{ g}$$

$$= 7.25 \times 10^{-2} \text{ g}$$

(d) 0.02×10^{-8}

$$0.02 \times 10^{-8} = 2 \times 10^{-2} \times 10^{-8}$$

$$= 2 \times 10^{-10}$$

سوال 1.5۔ مندرجہ ذیل مقداروں کو سائنڈر فارم میں لکھیے۔

(a) 6400 km

$$6400 \text{ km} = 6.4 \times 10^3 \text{ km}$$

(b) 380000 km

$$380000 \text{ km} = 3.8 \times 10^5 \text{ km}$$

(c) $300\,000\,000 \text{ ms}^{-1}$

$$300\,000\,000 \text{ ms}^{-1} = 3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$$

(a) ایک دن میں سیکنڈز کی تعداد

$$24 = \text{ایک دن میں گھنٹے}$$

$$60 \times 60 = 3600 \text{ sec} = \text{ایک گھنٹے میں سیکنڈز}$$

$$3600 \times 24 = \text{چوبیس گھنٹوں میں سیکنڈز}$$

$$= 86400 \text{ s}$$

$$= 8.64 \times 10^4 \text{ s}$$

سوال نمبر 1.6۔ ورنیز کیلیپر زکا جڑا بند کرنے پر ورنیز سکیل کا زیر وین سکیل کے زیر وکے دائیں جانب اس طرح ہے کہ اس کا چوتھا درجہ مین سکیل کے کسی ایک درجے کے سامنے ظاہر ہوتا ہے۔ ورنیز کیلیپر زکا زیر وایر اور زیر وکورکیشن معلوم کیجیے۔

حل:

$$= 0.01 \times 4 \text{ ورنیز کیلیپر زکا زیر وایر}$$

$$= + 0.04 \text{ cm}$$

$$= - 0.04 \text{ cm زیر وکورکیشن}$$

سوال نمبر 1.7: ایک سکریو گینج کی سرکلر سکیل پر 50 درجے

ہیں۔ سکریو گینج کی پیچ 0.5 mm ہے۔ اس کا لیٹ کاؤنٹ کیا

ہے۔

حل:

$$= 50 \text{ سرکلر سکیل پر درجوں کی تعداد}$$

$$= 0.5 \text{ mm سکریو گینج کی پیچ}$$

$$= ? \text{ لیٹ کاؤنٹ}$$

$$= \frac{\text{سکریو گینج کی پیچ}}{\text{سرکلر سکیل پر درجوں کی}}$$

$$= \frac{0.5}{50}$$

$$= 0.01 \text{ mm}$$

$$= \frac{0.01}{10} \text{ cm}$$

$$= 0.001 \text{ cm لیٹ کاؤنٹ Ans}$$

سوال نمبر 1.10: چاکلیٹ ریپر 6.7 cm لمبا اور 5.4 cm

چوڑا ہے۔ اس کا ایریا اہم ہندسوں کی معقول تعداد میں معلوم کیجیے۔

حل:

$$= 6.7 \text{ cm چاکلیٹ ریپر کی لمبائی}$$

$$= 5.4 \text{ cm چاکلیٹ ریپر کی چوڑائی}$$

$$= ? \text{ ایریا}$$

$$= \text{چوڑائی} \times \text{لمبائی} = \text{ایریا}$$

$$= 6.7 \times 5.4$$

$$= 36.18 \text{ cm}^2$$

اہم ہندسوں کے حساب سے

$$= 36 \text{ cm}^2 \text{ ایریا Ans}$$

1.8۔ درج ذیل میں سے کن مقداروں میں اہم ہندسوں کی تعداد

3 ہے۔

$$(b) 0.00309 \text{ kg}$$

$$(a) 3.0066 \text{ m}$$

$$(c) 5.05 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

$$(d) 301.0 \text{ s}$$

حل: مندرجہ بالا مقداروں میں b اور c میں اہم ہندسوں کی تعداد 3 ہے۔

1.9۔ مندرجہ ذیل پیکانوں میں اہم ہندسے کتنے ہیں؟

- (a) 1.009 m (b) 0.00450 kg
(c) 1.66×10^{-27} kg (d) 2001 s

حل۔

(a) 1.009 m

اس مقدار میں اہم ہندسوں کی تعداد 4 ہے۔

(b) 0.00450 kg

اس مقدار میں اہم ہندسوں کی تعداد 3 ہے۔

(c) 1.66×10^{-27} kg

اس مقدار میں اہم ہندسوں کی تعداد 3 ہے۔

(d) 2001 s

اس مقدار میں اہم ہندسوں کی تعداد 4 ہے۔

﴿کائناتی میٹیکس﴾

باب نمبر 2۔

• ms^{-1} کو kmh^{-1} میں تبدیل کرنے کے لیے دی گئی

سپیڈ کو 3.6 سے ضرب دیتے ہیں۔

• kmh^{-1} کو ms^{-1} میں تبدیل کرنے کے لیے دی گئی

سپیڈ کو $\frac{10}{36}$ سے ضرب دیتے ہیں۔

• حرکت کی مساواتیں:

$$1. V_f = V_i + at \quad 2. S = V_i t + \frac{1}{2} at^2$$

$$3. 2as = V_f^2 - V_i^2$$

• گریوٹی کے زیر اثر حرکت کرتے ہوئے اجسام کی

موشن کی مساواتیں:

$$1. V_f = V_i + gt \quad 2. h = V_i t + \frac{1}{2} gt^2$$

$$3. 2gh = V_f^2 - V_i^2$$

آزاد نہ نیچے گرتے ہوئے اجسام کے لیے g کی قیمت پوزیٹو ہوتی

ہے۔ ابتدائی ولاسٹی صفر ہوتی ہے جبکہ آخری ولاسٹی معلوم کرنا

ہوتی ہے۔ یعنی

$$g = 10 \text{ ms}^{-2}, \quad V_i = 0 \text{ ms}^{-1}, \quad V_f = ?$$

جبکہ اوپر کی جانب عموداً حرکت کرتے ہوئے اجسام کے لیے g کی

قیمت نیگیٹو ہوتی ہے۔ آخری ولاسٹی صفر ہوتی ہے اور ابتدائی

ولاسٹی معلوم کرنا ہوتی ہے۔ یعنی

$$g = -10 \text{ ms}^{-2}, \quad V_f = 0 \text{ ms}^{-1}, \quad V_i = ?$$

2.1۔ ایک ٹرین 36 kmh^{-1} کی یونیفارم ولاسٹی سے 10 سیکنڈ

تک چلتی رہتی ہے۔ اس کا طے کردہ فاصلہ معلوم کیجیے۔

معلوم:

$$V = 36 \text{ kmh}^{-1}$$

$$= 36 \times \frac{10}{36} \text{ ms}^{-1} = 10 \text{ ms}^{-1}$$

$$t = 10 \text{ s}$$

$$S = ?$$

مطلوب:

$$S = V \times t$$

حل:

$$= 10 \times 10$$

$$S = 100 \text{ m} \text{ Ans}$$

2.2- ایک ٹرین ریسٹ کی حالت سے چلنا شروع کرتی ہے۔ یہ یونیفارم ایکسلریشن کے ساتھ 100 سیکنڈ میں ایک ایک کلومیٹر کا فاصلہ طے کرتی ہے۔ 100 سیکنڈ مکمل ہونے پر ٹرین کی سپیڈ کیا ہوگی؟

$$V_i = 0 \text{ m s}^{-1}$$

معلوم:

$$t = 100 \text{ s}$$

$$S = 1 \text{ km} = 1000 \text{ m}$$

$$V_f = ?$$

مطلوب:

$$V_f = V_i + at$$

حل:

V_f کی قیمت معلوم کرنے کے لیے a کی قیمت معلوم کریں۔

$$S = v_i t + \frac{1}{2} at^2$$

$$1000 = 0(100) + \frac{1}{2} a(100)^2$$

$$1000 = 0 + \frac{1}{2} a (10000)$$

$$1000 = 5000 a$$

$$a = \frac{1000}{5000}$$

$$a = 0.2 \text{ ms}^{-2}$$

$$\therefore V_f = V_i + at$$

$$V_f = 0 + (0.2)(100)$$

$$= 0 + 20$$

$$V_f = 20 \text{ ms}^{-1} \text{ Ans}$$

2.3- ایک کار کی ولاسٹی 10 ms^{-1} ہے۔ یہ آدھے منٹ تک 0.2 ms^{-2} کے ایکسلریشن سے چلتے ہوئے کتنا فاصلہ طے کرے گی؟ نیز اس کی آخری ولاسٹی بھی معلوم کیجیے۔

$$V_i = 10 \text{ ms}^{-1}$$

معلوم:

$$t = 30 \text{ s} \text{ (آدھا منٹ)}$$

$$a = 0.2 \text{ ms}^{-1}$$

$$V_f = ?$$

مطلوب:

$$S = ?$$

$$V_f = V_i + at$$

حل:

$$= 10 + (0.2)(30)$$

$$= 10 + 6$$

$$V_f = 16 \text{ ms}^{-1}$$

$$S = v_i t + \frac{1}{2} at^2$$

$$= (10)(30) + \frac{1}{2} (0.2) (30)^2$$

$$= 300 + (0.1) (900)$$

$$= 300 + 90$$

$$S = 390 \text{ m}$$

2.4- ایک ٹینس کی بال کو 30 ms^{-1} کی سپیڈ سے عموداً اوپر کی طرف ہٹ لگائی گئی۔ بلند ترین مقام تک پہنچنے میں اس کو 3 s لگے۔ گیند زیادہ سے زیادہ کتنی بلندی تک جائے گی؟ گیند کو زمین پر واپس آنے میں کتنا وقت لگے گا؟

$$v_i = 30 \text{ ms}^{-1}$$

معلوم:

$$v_f = 0 \text{ ms}^{-1}$$

$$g = -10 \text{ ms}^{-2}$$

$$t_1 = 3 \text{ s}$$

$$h = ?$$

مطلوب:

$$t_2 = ?$$

$$2gh = v_f^2 - v_i^2$$

حل:

$$2(-10)h = (0)^2 - (30)^2$$

$$-20h = 0 - 900$$

$$-20h = -900$$

$$h = \frac{900}{20}$$

$$h = 45 \text{ m}$$

واپس آنے کے لیے وقت:

$$v_i = 0 \text{ ms}^{-1}$$

$$g = 10 \text{ ms}^{-2}$$

$$t_2 = ?$$

$$h = 45 \text{ m}$$

$$h = v_i t + \frac{1}{2} g t^2$$

$$45 = (0) t_2 + \frac{1}{2} (10) (t_2)^2$$

$$45 = 0 + 5 t_2^2$$

$$45 = 5 t_2^2$$

$$t_2^2 = 9$$

$$t_2 = 3 \text{ s}$$

$$\text{کل وقت} = t = t_1 + t_2$$

$$t = 3 \text{ s} + 3 \text{ s}$$

$$t = 6 \text{ s}$$

2.5۔ ایک کار 5 سیکنڈ تک 40 ms^{-1} کی یونیفارم ولاسٹی سے چلتی رہتی ہے۔ یہ اگلے 10 سیکنڈ میں یونیفارم ڈیسلریشن کے ساتھ چلتے ہوئے رک جاتی ہے۔ معلوم کیجیے:

(i) ڈیسلریشن (ii) کار کا کل طے کردہ فاصلہ

$$t = 10 \text{ s}$$

معلوم:

$$v_i = 40 \text{ ms}^{-1}$$

$$v_f = 0 \text{ ms}^{-1}$$

$$(i) a = ? \quad (ii) S = ?$$

مطلوب:

$$v_f = v_i + at$$

حل:

$$a = \frac{v_f - v_i}{t}$$

$$= \frac{0 - 40}{10}$$

$$= \frac{-40}{10}$$

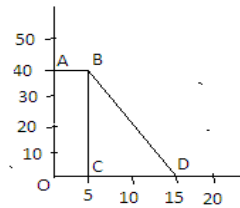
$$a = -4 \text{ ms}^{-2}$$

$$S = v \times t$$

$$= 40 \times 10$$

$$S = 400 \text{ m}$$

OR



مثلاً BCD کا رقبہ + ABCO کا رقبہ = کل فاصلہ

$$S = 40 \times 5 + \frac{1}{2} (10 \times 40)$$

$$= 200 + 200$$

$$S = 400 \text{ m}$$

2.6۔ ایک ٹرین ریسٹ کی حالت سے 0.5 ms^{-2} کے ایکسلریشن کے ساتھ چلنا شروع کرتی ہے۔ 100 میٹر کا فاصلہ طے کرنے کے بعد کار کی سپیڈ kmh^{-1} میں کیا ہوگی؟

$v_i = 0 \text{ ms}^{-1}$ معلوم:

$a = 0.5 \text{ ms}^{-2}$

$S = 100 \text{ m}$

$v_f = ?$ مطلوب:

$2aS = v_f^2 - v_i^2$ حل:

$2(0.5)(100) = v_f^2 - (0)^2$

$100 = v_f^2 - 0$

$v_f^2 = 100$

$\sqrt{v_f^2} = \sqrt{100}$

$v_f = 10 \text{ ms}^{-1}$

$v_f = 10 \times 3.6 \text{ kmh}^{-1}$

$v_f = 36 \text{ kmh}^{-1}$

2.7۔ ایک ٹرین ریسٹ کی حالت سے یونیفارم ایکسلریشن کے ساتھ حرکت کرتے ہوئے 2 منٹ میں 48 kmh^{-1} کی سپیڈ حاصل کر لیتی ہے۔ وہ اسی سپیڈ کے ساتھ 5 منٹ تک چلتی رہتی ہے۔ آخر کار وہ یونیفارم ریٹارڈیشن کے ساتھ چلتے ہوئے 3 منٹ بعد رک جاتی ہے۔ ٹرین کا کل طے کردہ فاصلہ معلوم کریں۔

$v_i = 0 \text{ ms}^{-1}$ معلوم:

$t_1 = 2 \text{ min}$

$= 2 \times 60 \text{ s} = 120 \text{ s}$

$v_f = 48 \text{ kmh}^{-1}$

$= 48 \times \frac{10}{36} \text{ ms}^{-1}$

$= 13.3333 \text{ ms}^{-1}$

$t_2 = 5 \text{ min}$

$= 5 \times 60 \text{ s} = 300 \text{ s}$

$t_3 = 3 \text{ min}$

$= 3 \times 60 \text{ s} = 180 \text{ s}$

$S_1 = ?$, $S_2 = ?$, $S_3 = ?$ مطلوب:

$S = \text{Total Distance}$

$S_1 = v_{av} \times t$ حل:

$v_{av} = \frac{v_f + v_i}{2}$
 $= \frac{13.3333 + 0}{2}$

$v_{av} = 6.6667 \text{ ms}^{-1}$

$\therefore S_1 = 6.6667 \times 120$

$= 800.004 \text{ m}$

$S_2 = 13.3333 \times 300$

$= 3999.99 \text{ m}$

$S_3 = v_{av} \times t_3$

$= 6.6667 \times 180$

$= 1200.006 \text{ m}$

$S = \text{Total Distance}$

$= S_1 + S_2 + S_3$

$= 800.004 + 3999.99 + 1200.006$

$= 6000 \text{ m}$

2.8۔ ایک کرکٹ بال کو عموداً اوپر کی طرف ہٹ لگائی گئی

ہے۔ بال 6 سینڈ کے بعد زمین پر واپس آتی ہے۔ معلوم کیجیے:

(i) بال کی زیادہ سے زیادہ بلندی (ii) بال کی ابتدائی ولاسٹی

$v_f = 0 \text{ ms}^{-1}$ معلوم:

$g = -10 \text{ ms}^{-2}$

$T = \text{کل وقت}$

$t_i = \frac{6}{2} = 3 \text{ s}$

$h = ?$, $v_i = ?$ مطلوب:

$v_f = v_i + gt$ حل:

$$0 = v_i + (-10)(3)$$

$$0 = v_i - 30$$

$$\Rightarrow v_i = 30 \text{ ms}^{-1}$$

$$2gh = v_f^2 - v_i^2$$

$$2(-10)h = (0)^2 - (30)^2$$

$$-20h = 0 - 900$$

$$-20h = -900$$

$$h = 45 \text{ m}$$

2.9۔ جب بریک لگائے جاتے ہیں تو ٹرین کی سپیڈ 800m کا فاصلہ

طے کرنے کے دوران 96kmh⁻¹ سے کم ہو کر 48kmh⁻¹

ہو جاتی ہے۔ ریسٹ کی حالت تک پہنچنے سے پہلے ٹرین مزید کتنا فاصلہ طے کرے گی؟

$$S = 800 \text{ m}$$

$$v_i = 96 \text{ kmh}^{-1}$$

$$= 96 \times \frac{10}{36} \text{ ms}^{-1} = 26.7 \text{ ms}^{-1}$$

$$v_f = 48 \text{ kmh}^{-1}$$

$$= 48 \times \frac{10}{36} \text{ ms}^{-1} = 13.33 \text{ ms}^{-1}$$

$$S = ? , a = ?$$

مطلوب:

$$2aS = v_f^2 - v_i^2$$

حل:

$$2a(800) = (13.33)^2 - (26.7)^2$$

$$1600a = 177.6889 - 712.89$$

$$1600a = -535.2011$$

$$a = \frac{-535.2011}{1600}$$

$$a = -0.3345 \text{ ms}^{-2}$$

اگر ٹرین ریسٹ میں ہو:

$$v_i = 13.33 \text{ ms}^{-1}$$

$$v_f = 0 \text{ ms}^{-1}$$

$$S = ?$$

$$2aS = v_f^2 - v_i^2$$

$$2(-0.3345)S = (0)^2 - (13.33)^2$$

$$-0.669S = -177.6889$$

$$S = \frac{177.6889}{0.669}$$

$$S = 265.6 \text{ m}$$

2.10۔ مندرجہ بالا مشقی سوال (2.9) میں بریک لگانے کے بعد

ٹرین کے رکنے کا وقت معلوم کریں۔

$$v_i = 96 \text{ kmh}^{-1}$$

معلوم:

$$= 96 \times \frac{10}{36} \text{ ms}^{-1} = 26.7 \text{ ms}^{-1}$$

$$v_f = 0 \text{ ms}^{-1}$$

$$a = -0.3345 \text{ ms}^{-2}$$

$$t = ?$$

مطلوب:

$$v_f = v_i + gt$$

حل:

$$t = \frac{v_f - v_i}{a} = \frac{0 - 26.7}{-0.3345}$$

$$t = 80 \text{ s}$$



باب نمبر 3:

ماس $m = \frac{F}{a}$	وزن $W = mg$	نیوٹن کا دوسرا قانون $F = ma$	مومینٹم $P = mv$
ڈوری سے منسلک اجسام کی حرکت:			
(الف) جب اجسام عموداً حرکت کرتے ہیں۔			
$T = \frac{2m_1m_2g}{m_1 + m_2}$		$a = \frac{(m_1 - m_2)g}{m_1 + m_2}$	
$g = \frac{(m_1 + m_2)a}{m_1 - m_2}$			
(ب) جب ایک جسم عموداً اور دوسرا افقی سمت میں حرکت کرے۔			
$T = \frac{m_1m_2g}{m_1 + m_2}$		$a = \frac{m_1g}{m_1 + m_2}$	
$F = \frac{P_f - P_i}{t} = \frac{\Delta P}{t}$		فوری اور مومینٹم	
$m_1u_1 + m_2u_2 = m_1v_1 + m_2v_2$		مومینٹم کے کنزرویشن کا قانون	

$$MV + mv = 0$$

کوائفی شینٹ آف فرکشن:

$$\mu = \frac{F_s}{R} \Rightarrow F_s = \mu R$$

اگر بلاک کا ماس m ہو تو افقی سطح کے لیے:

$$F_s = \mu mg \quad (\because R = mg)$$

سینٹری پیٹل ایکسلریشن:

$$a_c = \frac{v^2}{r}$$

سینٹری پیٹل فورس:

$$F_c = \frac{mv^2}{r}$$

3.1-20 نیوٹن کی ایک فورس ایک جسم کو 2ms^{-2} کے ایکسلریشن سے حرکت دیتی ہے۔ جسم کا ماس کیا ہوگا؟

$$F = 20 \text{ N}$$

$$a = 2 \text{ ms}^{-2}$$

$$m = ?$$

$$F = ma$$

$$m = \frac{F}{a} = \frac{20}{2}$$

$$m = 10 \text{ kg}$$

3.2- ایک جسم کا وزن 147 N ہے۔ اس کا ماس کیا ہوگا؟ (g کی قیمت 10 ms^{-2} ہے)

$$W = 147 \text{ N}$$

$$g = 10 \text{ ms}^{-2}$$

$$m = ?$$

$$W = mg$$

$$m = \frac{W}{g} = \frac{147}{10}$$

$$m = 14.7 \text{ kg}$$

3.3-10 کلوگرام ماس کے ایک جسم کو گرنے سے روکنے کے لیے کتنی فورس درکار ہوگی؟

$$m = 10 \text{ kg}$$

$$g = 10 \text{ ms}^{-2}$$

$$F = ?$$

$$F = W = mg$$

$$= 10 \times 10$$

$$F = 100 \text{ N}$$

3.4-50 کلوگرام ماس کے ایک جسم میں 100 N کی فورس کتنا ایکسلریشن پیدا کرے گی؟

$$m = 50 \text{ kg}$$

$$F = 100 \text{ N}$$

$$a = ?$$

$$F = ma$$

$$a = \frac{F}{m} = \frac{100}{50}$$

$$a = 2 \text{ ms}^{-2}$$

3.5- ایک جسم کا وزن 20 N ہے۔ اس کو 2ms^{-2} کے ایکسلریشن سے سیدھا اوپر کی طرف لے جانے کے لیے کتنی فورس کی ضرورت ہوگی؟

$$W = 20 \text{ N}$$

$$a = 2 \text{ ms}^{-2}$$

$$F = ?$$

چونکہ جسم پر عمل کرنے والی فورس اس جسم کے وزن کے برابر ہوتی ہے لہذا

$$W = F_1 = 20 \text{ N}$$

$$m = \frac{W}{g} = \frac{20}{10}$$

$$m = 2 \text{ kg}$$

$$F_2 = ?$$

$$F = ?$$

$$F_2 = ma$$

$$= 2 \times 2$$

$$= 4 \text{ N}$$

$$F = F_1 + F_2$$

$$= 20 \text{ N} + 4 \text{ N}$$

$$F = 24 \text{ N}$$

3.6۔ ایک بے فرکشن پٹی پر سے گزرنے والی ڈوری کے سروں 52 kg ماس اور

48 kg ماس کے دو اجسام منسلک ہیں۔ ڈوری میں ٹینشن اور اجسام کا ایکسلریشن

معلوم کریں جبکہ دونوں اجسام عموداً حرکت کر رہے ہوں۔

$$g = 10 \text{ ms}^{-2}$$

$$m_1 = 52 \text{ kg}$$

$$m_2 = 48 \text{ kg}$$

$$T = ? , a = ?$$

$$T = \frac{2m_1m_2g}{m_1+m_2}$$

$$T = \frac{2(52)(48)(10)}{52+48}$$

$$T = 499.2 \text{ N}$$

$$a = \frac{(m_1 - m_2)g}{m_1 + m_2}$$

$$a = \frac{(52 - 48) \times 10}{52 + 48} = 0.4 \text{ ms}^{-2}$$

3.7۔ ایک بے فرکشن پٹی پر سے گزرنے والی ڈوری سے 26 kg ماس اور 24

kg ماس کے دو اجسام منسلک ہیں۔ 26 kg ماس کا جسم ایک ہموار افقی سطح پر رکھا

ہوا ہے جبکہ 24 kg ماس کا جسم عموداً نیچے کی طرف حرکت کر رہا ہے۔ ڈوری میں

ٹینشن اور دونوں اجسام کا ایکسلریشن معلوم کریں۔

$$m_1 = 24 \text{ kg}$$

$$m_2 = 26 \text{ kg}$$

$$g = 10 \text{ ms}^{-2}$$

$$T = ? , a = ?$$

$$T = \frac{m_1m_2g}{m_1+m_2}$$

$$= \frac{(24)(26)(10)}{24+26} = 124.8 \text{ N}$$

$$T = 125 \text{ N}$$

$$a = \frac{m_1g}{m_1+m_2}$$

$$a = \frac{24 \times 10}{24+26} = 4.8 \text{ ms}^{-2}$$

3.8۔ کسی جسم کے موہینٹم میں 22 Ns کی تبدیلی پیدا کرنے کے لیے 20 N

کی فورس کو کتنا وقت درکار ہوگا؟

$$P_f - P_i = \Delta P = 22 \text{ Ns}$$

$$F = 20 \text{ N}$$

$$t = ?$$

$$F = \frac{\Delta P}{t}$$

$$t = \frac{\Delta P}{F}$$

$$t = \frac{22}{20} = 1.1 \text{ s}$$

3.9۔ 5 kg ماس کے لکڑی کے بلاک اور سنگ مرمر کے افقی فرش کے درمیان فرکشن کی کتنی فورس

ہوگی؟ لکڑی اور سنگ مرمر کے درمیان کو ایفی ٹینٹ آف فرکشن کی قیمت 0.6 ہے۔

$$m = 5 \text{ kg}$$

$$\mu = 0.6$$

$$F = ?$$

$$F = \mu mg$$

$$F = (0.6)(5)(10) = 30 \text{ N}$$

3.10 - 0.5 کلوگرام ماس کے جسم کو 50 cm ریڈیوں کے دائرے میں 3 ms^{-1} کی سپیڈ سے گھمانے کے لیے کتنی سینٹری پیٹیل فورس کی ضرورت ہوگی

معلوم: $m = 0.5 \text{ kg}$

$r = 50 \text{ cm} = 0.5 \text{ m}$

$v = 3 \text{ ms}^{-1}$

مطلوب: $F_c = ?$

حل: $F_c = \frac{mv^2}{r}$

$$F_c = \frac{(0.5)(3)^2}{0.5} = 9 \text{ N}$$

باب نمبر 4: ﴿فورسز کا گھمانے کا اثر﴾

عمودی کمپونینٹس:

$$F_y = F \sin \theta$$

$$F_x = F \cos \theta$$

عمودی کمپونینٹس کی مدد سے فورس اور سمت معلوم کرنا:

$$\theta = \tan^{-1} \frac{F_y}{F_x}$$

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

ٹارک کا کل ٹارک:

$$\text{کل ٹارک} = F \times AB$$

$$\tau = F \times L$$

مومنٹس کا اصول:

ایٹنی کلاک وائرز مومنٹس = کلاک وائرز مومنٹس

ایکوی لبریم کی دوسری شرط:

$$\sum \tau = 0$$

ایکوی لبریم کی پہلی شرط:

$$\sum F = 0$$

4.1 - مندرجہ ذیل فورسز کا ریزلٹنٹ معلوم کیجیے۔

(i) 10 نیوٹن x-ایکسز کی سمت میں (ii) 6 نیوٹن y-ایکسز کی سمت میں

(iii) 4 نیوٹن منفی x-ایکسز کی سمت میں

معلوم: $x = 10 \text{ N}$ - ایکسز کی سمت میں

$y = 6 \text{ N}$ - ایکسز کی سمت میں

$x = 4 \text{ N}$ - منفی ایکسز کی سمت میں

مطلوب: $F = ?$, $\theta = ?$

$$F_x = 10 \text{ N} - 4 \text{ N}$$

$$F_x = 6 \text{ N}$$

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

$$= \sqrt{(6)^2 + (6)^2}$$

$$= \sqrt{72}$$

$$F = 8.5$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{F_y}{F_x}$$

$$= \tan^{-1} \left(\frac{6}{6} \right)$$

$$= \tan^{-1}(1)$$

$$\theta = 45^\circ$$

پس 8.5 N جو x - ایکسز کے ساتھ 45° کا زاویہ بناتی ہے۔

4.2 - 50 N کی فورس x - ایکسز کے ساتھ 30° کا زاویہ بنا رہی ہے۔ اس کے عمودی کمپونینٹس معلوم کریں۔

$$F = 50 \text{ N}$$

$$\theta = 30^\circ$$

مطلوب: $F_x = ?$, $F_y = ?$

$$F_x = F \cos \theta$$

$$= (50)(\cos 30^\circ)$$

$$= 50(0.866)$$

$$F_x = 43.3 \text{ N}$$

$$F_y = F \sin \theta$$

$$= (50)(\sin 30^\circ)$$

$$= 50(0.5)$$

$$F_y = 25 \text{ N}$$

4.3 - اس فورس کی مقدار اور سمت بتائیے جس کا x - کمپونینٹ 12 N اور y - کمپونینٹ 5 N ہے۔

$$F_x = 12 \text{ N}$$

$$F_y = 5 \text{ N}$$

مطلوب: $F = ?$, $\theta = ?$

حل:

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

$$= \sqrt{(12)^2 + (5)^2}$$

$$= \sqrt{144 + 25}$$

$$= \sqrt{169}$$

$$F = 13 \text{ N}$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{F_y}{F_x}$$

$$= \tan^{-1} \left(\frac{5}{12} \right)$$

$$\theta = 22.6^\circ \text{ with } x - \text{axis}$$

4.4- 100 نیوٹن کی فورس نٹ سے 10 cm کے فاصلہ پر سینٹر پر عموداً عمل

کر رہی ہے۔ اس سے پیدا ہونے والا ٹارک معلوم کیجیے۔

معلوم:

$$F = 100 \text{ N}$$

$$L = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

مطلوب:

$$\tau = ?$$

حل:

$$\tau = F \times L$$

$$= 100 \times 0.1$$

$$\tau = 10 \text{ Nm}$$

4.5- ایک فورس کسی جسم پر x-ایکسز کے ساتھ 30° کا زاویہ بناتے ہوئے عمل

کر رہی ہے۔ فورس کا x-کمپونینٹ 20N ہے۔ فورس معلوم کیجیے۔

معلوم:

$$F_x = 20 \text{ N}$$

$$\theta = 30^\circ$$

مطلوب:

$$F = ?$$

حل:

$$F_x = F \cos \theta$$

$$20 = F \cos 30^\circ$$

$$20 = F \times 0.866$$

$$F = \frac{20}{0.866}$$

$$F = 23.1 \text{ N}$$

4.6- کسی کار کے سٹیرنگ دھیل کاریڈیس 16 cm ہے۔ 50 N کے کپل سے پیدا ہونے والا ٹارک معلوم کیجیے۔

معلوم:

$$r = 16 \text{ cm}$$

$$= \frac{16}{100} \text{ m}$$

$$r = 0.16 \text{ m}$$

$$F = 50 \text{ N}$$

مطلوب:

$$\tau = ?$$

حل:

$$\tau = F \times 2r$$

$$= 50 \text{ N} \times 2 (0.16 \text{ m})$$

$$\tau = 16 \text{ Nm}$$

کار کا سٹیرنگ دائرہ کی شکل میں ہوتا ہے اس لیے اس کا ڈایامیٹر $2r$ ہے۔

4.7- ایک پکچر فریم دو عمودی ڈوریوں سے لٹک رہا ہے۔ ڈوریوں میں ٹینشن

3.8N اور 4.4 N ہے۔ پکچر فریم کا وزن معلوم کیجیے۔

معلوم:

$$T_1 = 3.8 \text{ N}$$

$$T_2 = 4.4 \text{ N}$$

مطلوب:

$$W = ?$$

حل: According to first condition of equilibrium

$$\sum F = 0$$

$$T - W = 0$$

$$T = W$$

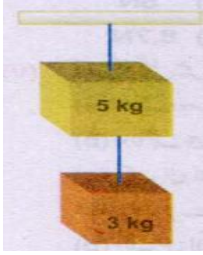
$$T = T_1 + T_2$$

$$W = T_1 + T_2$$

$$= 3.8 + 4.4$$

$$W = 8.2 \text{ N}$$

4.8 - 5 kg اور 3 kg کے دو بلاکس ڈوریوں سے لٹکائے گئے ہیں جیسا کہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ ہر ایک ڈوری میں ٹینشن معلوم کیجیے۔



$$m_1 = 5 \text{ kg}$$

$$m_2 = 3 \text{ kg}$$

$$T_1 = ? , T = ?$$

According to the first condition of equilibrium

$$T - W = 0$$

$$T_1 = W$$

$$T_1 = m_1 g$$

$$= 3(10)$$

$$T_1 = 30 \text{ N}$$

$$T_2 = m_2 g$$

$$= (3 + 5)(g)$$

$$= (8)(10)$$

$$T_2 = 80 \text{ N}$$

4.9 - ایک نٹ 10 cm لمبا سپینر استعمال کر کے 200 N کی فورس سے کس دیا گیا ہے۔ اسے 150 N کی فورس سے ڈھیلا کرنے کے لیے کتنا لمبا سپینر درکار ہوگا؟

$$F_1 = 200 \text{ N}$$

$$L_1 = 10 \text{ cm}$$

$$F_2 = 150 \text{ cm}$$

$$L_2 = ?$$

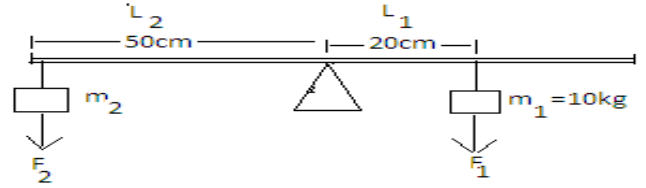
مومنٹس کے اصول کے مطابق

$$F_1 \times L_1 = F_2 \times L_2$$

$$L_2 = \frac{F_1 \times L_1}{F_2} = \frac{200 \times 10}{150}$$

$$L_2 = 13.33 \text{ cm}$$

4.10 - 10 kg گرام ماس کا ایک بلاک 1 m لمبی سلاخ کے مرکز سے 20 cm کے فاصلے پر لٹکایا گیا ہے۔ سلاخ کو اس کے سنٹر آف گریوٹیٹی پر ایکوی لبریم میں لانے کے لیے اس کے دوسرے سرے پر کتنی فورس لگانے کی ضرورت ہے؟



$$L_1 = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}$$

$$L_2 = 50 \text{ cm} = 0.5 \text{ m}$$

$$m_1 = 10 \text{ kg}$$

$$F_1 = W = m_1 g$$

$$= 10 \times 10$$

$$F_1 = 100 \text{ N}$$

$$F_2 = ?$$

مومنٹس کے اصول کے مطابق:

$$F_1 \times L_1 = F_2 \times L_2$$

$$\Rightarrow F_2 = \frac{F_1 \times L_1}{L_2} = \frac{100 \times 0.2}{0.5}$$

$$F_2 = 40 \text{ N}$$

گرہیوی ٹیشن

باب نمبر 5:

<u>G کی قیمت:</u> $G = 6.673 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$	<u>گرہیوی ٹیشن کا قانون:</u> $F = G \frac{m_1 m_2}{d^2}$
<u>زمین کا ماس:</u> $6 \times 10^{24} \text{ kg}$	<u>زمین کا ماس فارمولا:</u> $M_e = \frac{R^2 g}{G}$
<u>آرٹھل سپیڈ:</u> $V_0 = 29000 \text{ kmh}^{-1} (8 \text{ kms}^{-1})$	<u>زمین کا ریڈیئس:</u> $R = 6.4 \times 10^6 \text{ m}$
<u>بندی h پر گرہیوی ٹیشن ایکسلریشن کی قیمت g_h معلوم کرنے کی مساوات:</u> $g_h = G \frac{M_e}{(R+h)^2}$	
<u>مصنوعی سیٹلائٹس کی آرٹھل سپیڈ:</u> $V_0 = \sqrt{g_h (R + h)}$	

5.1۔ دو گولے جن میں سے ہر ایک کا ماس 1000 kg ہے ان کے مراکز کے درمیان فاصلہ 0.5 m کا ہے۔ ان کے درمیان گرہیوی ٹیشن فورس معلوم کیجیے۔

$$m_1 = 1000 \text{ kg}$$

$$m_2 = 1000 \text{ kg}$$

$$d = 0.5 \text{ m}$$

$$F = ?$$

$$F = G \frac{m_1 m_2}{d^2} = \frac{6.673 \times 10^{-11} \times 1000 \times 1000}{(0.5)^2} = \frac{6.673 \times 10^{-11} \times 10^6}{0.25}$$

$$F = 2.67 \times 10^{-4} \text{ N} \quad \text{Ans}$$

5.2۔ دو ایک جیسے لیڈ کے 1m کے فاصلہ پر پڑے گولوں کے درمیان گرہیوی ٹیشن فورس 0.006673 N ہے۔ ان کے ماسز معلوم کیجیے۔

$$d = 1 \text{ m}$$

$$F = 0.006673 \text{ N}$$

$$G = 6.673 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$$

$$m_1 = m_2 = m = ?$$

$$F = G \frac{m_1 m_2}{d^2}$$

$$0.006673 = \frac{6.673 \times 10^{-11} \times m^2}{(1)^2}$$

$$m^2 = \frac{0.006673}{6.673 \times 10^{-11}}$$

$$m^2 = 10^8$$

$$\sqrt{m^2} = \sqrt{10^8}$$

$$m = 10^4 \text{ kg}$$

$$m = 10000 \text{ kg}$$

پس ہر ایک گولے کا ماس 10000 kg ہے۔

5.3۔ مریخ کا ماس $6.42 \times 10^{23} \text{ kg}$ اور اس کا ریڈیئس 3370 km ہے۔ مریخ کی سطح پر گرہیوی ٹیشن ایکسلریشن معلوم کریں۔

$$M_m = 6.42 \times 10^{23} \text{ kg}$$

$$R_m = 3370 \text{ km}$$

$$= 3370 \times 10^3 \text{ m}$$

$$G = 6.673 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$$

$$g_m = ?$$

$$g_m = \frac{GM_m}{R_m^2} = \frac{6.673 \times 10^{-11} \times 6.42 \times 10^{23}}{(3370 \times 10^3)^2}$$

$$g_m = 3.77 \text{ ms}^{-2}$$

5.4۔ چاند کی سطح پر گرہیوی ٹیشن ایکسلریشن 1.62 ms^{-2} ہے۔ چاند کا ریڈیئس 1740 km ہے۔ چاند کا ماس معلوم کریں۔

$$g_m = 1.62 \text{ ms}^{-2}$$

$$R_m = 1740 \text{ km}$$

$$= 1740 \times 10^3 \text{ m}$$

$$G = 6.673 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$$

$$M_m = ?$$

$$g_m = \frac{GM_m}{R_m^2}$$

$$M_m = \frac{g_m \times R_m^2}{G} = \frac{1.62 \times (1740 \times 10^3)^2}{6.673 \times 10^{-11}}$$

$$M_m = 7.35 \times 10^{22} \text{ kg} \quad \text{Ans}$$

5.5- زمین کی سطح سے 3600 km کی بلندی پر g کی قیمت معلوم کریں۔

$$h = 3600 \text{ km} \quad \text{معلوم:}$$

$$= 3600 \times 10^3 \text{ m}$$

$$G = 6.673 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$$

$$R_e = 6.4 \times 10^4 \text{ m}$$

$$M_e = 6 \times 10^{24} \text{ kg}$$

$$g_h = ? \quad \text{مطلوب:}$$

$$g_h = G \frac{M_e}{(R+h)^2} \quad \text{حل:}$$

$$= \frac{6.673 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}{(6.4 \times 10^6 + 3600 \times 10^3)^2}$$

$$= 4.0038 \text{ ms}^{-2}$$

$$g_h = 4.0 \text{ ms}^{-2}$$

5.6- جیو سٹیشنری سیٹلائٹ پر زمین کی وجہ سے g کی قیمت معلوم

کیجیے۔ جیو سٹیشنری آرٹ کارڈیس 48700 km ہے۔

$$R = 48700 \text{ km} \quad \text{معلوم:}$$

$$= 48700 \times 10^3 \text{ m}$$

$$M_e = 6 \times 10^{24} \text{ kg}$$

$$g_h = ? \quad \text{مطلوب:}$$

$$g_h = \frac{GM_e}{R^2} \quad \text{حل:}$$

$$= \frac{6.673 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}{(48700 \times 10^3)^2}$$

$$= 0.1688 \text{ ms}^{-2}$$

$$g_h = 0.17 \text{ ms}^{-2}$$

5.7- زمین کے مرکز سے 10,000 km کے فاصلہ پر g کی قیمت 4 ms^{-2}

ہے۔ زمین کا ماس معلوم کیجیے۔

$$R = 10,000 \text{ km} \quad \text{معلوم:}$$

$$= 10,000 \times 10^3 \text{ m}$$

$$g = 4 \text{ ms}^{-2}$$

$$G = 6.673 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$$

$$M_e = ? \quad \text{مطلوب:}$$

$$g = \frac{GM_e}{R^2} \quad \text{حل:}$$

$$M_e = \frac{g \times R^2}{G} = \frac{4 \times (10,000 \times 10^3)^2}{6.673 \times 10^{-11}}$$

$$M_e = 5.99 \times 10^{24} \text{ kg}$$

5.8- کتنی بلندی پر g کی قیمت زمین کی سطح کی بہ نسبت ایک چوتھائی ہو جائے گی؟

$$g_h = \frac{g}{4} \quad \text{معلوم:}$$

$$R_e = 6.4 \times 10^6 \text{ m}$$

$$M_e = 6 \times 10^{24} \text{ kg}$$

$$h = ? \quad \text{مطلوب:}$$

$$g_h = G \frac{M_e}{(R+h)^2} \quad \text{حل:}$$

$$(R+h)^2 = \frac{G M_e}{g_h}$$

کیونکہ

$$g_h = \frac{g}{4}$$

$$(R+h)^2 = \frac{G M_e}{\frac{g}{4}}$$

دونوں طرف جذر لینے سے

$$\sqrt{(R+h)^2} = \sqrt{\frac{4GM_e}{g}} \quad \text{..... (1)}$$

$$R^2 = \frac{GM_e}{g} \quad \text{کیونکہ}$$

لہذا مساوات نمبر (1) میں درج کرنے سے

$$R+h = \sqrt{4R^2}$$

$$R+h = 2R$$

$$h = 2R - R$$

$$h = R$$

زمین کے ایڈیس کے برابر بلندی پر g کی قیمت ایک چوتھائی ہوگی

باب نمبر 6:

ورک اور انرجی

5.9۔ ایک پولر سیٹلائٹ زمین سے 850 km کی بلندی پر گردش کر رہا ہے۔ اس کی آر بیٹل سپیڈ معلوم کیجیے۔

معلوم: $h = 850 \text{ km}$

$$= 850 \times 10^3 \text{ m}$$

مطلوب: $V_o = ?$

$$V_o = \sqrt{g_h(R + h)}$$

$$g_h = \frac{GM_e}{(R+h)^2} = \frac{6.673 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}{(6.4 \times 10^6 + 850 \times 10^3)^2}$$

$$g_h = 7.6172$$

$$V_o = \sqrt{7.6172 (6.4 \times 10^6 + 850 \times 10^3)}$$

$$= 7431.33 \text{ ms}^{-1}$$

$$V_o = 7431 \text{ ms}^{-1}$$

5.10۔ ایک کمیونیکیشن سیٹلائٹ زمین سے 42000 km کی بلندی پر گردش کر رہا ہے۔ اس کی آر بیٹل سپیڈ معلوم کیجیے۔

معلوم: $h = 42000 \text{ km}$

$$= 42000 \times 10^3 \text{ m}$$

$$= 42 \times 10^6 \text{ m}$$

مطلوب: $V_o = ?$

$$V_o = \sqrt{g_h(R + h)}$$

$$g_h = \frac{GM_e}{(R+h)^2} = \frac{6.673 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}{(6.4 \times 10^6 + 42 \times 10^6)^2}$$

$$g_h = 0.1709 \text{ ms}^{-2}$$

Now

$$V_o = \sqrt{g_h(R + h)}$$

$$V_o = \sqrt{0.1709 (6.4 \times 10^6 + 42 \times 10^6)}$$

$$= 2876.03 \text{ ms}^{-1}$$

$$V_o = 2876 \text{ ms}^{-1}$$

..... END

ورک:	ورک: $W = F \times S$
کائی نیٹک انرجی:	پوٹینشل انرجی:
$K.E = \frac{1}{2}mv^2$	$P.E = F \times h$
آئن سٹائن کی ماس انرجی مساوات:	$F = W = mg$
$E = mc^2$	$P.E = mgh$
$(\text{روشنی کی سپیڈ}) = c = 3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$	
ہارس پاور:	پاور:
	ورک وقت
$1 \text{ hp} = 746 \text{ Watt}$	$\text{پاور} = \frac{W}{t}$
	ایفی شینسی اور فیصد ایفی شینسی:
	$\text{آؤٹاؤٹ کی مطلوبہ شکل} = \frac{\text{ایفی شینسی}}{\text{کل ان پٹ}}$
	$\text{آؤٹاؤٹ کی مطلوبہ شکل} = \frac{\text{فیصد ایفی شینسی}}{\text{کل ان پٹ}} \times 100$

6.1۔ ایک آدمی 300 N کی فورس لگاتے ہوئے ایک ہتھ گاڑی کو 35 m تک کھینچ کر لے جاتا ہے۔ آدمی کا کیا گیا ورک معلوم کیجیے۔

معلوم: $F = 300 \text{ N}$

$$S = 35 \text{ m}$$

مطلوب: $W = ?$ (ورک)

$$W = F \times S$$

$$= 300 \times 35$$

$$W = 10500 \text{ J}$$

6.2۔ ایک 20 N وزنی بلاک عموداً اوپر کی جانب 6 m اٹھایا گیا ہے۔ اس میں ذخیرہ ہونے والی پوٹینشل انرجی معلوم کیجیے۔

معلوم: $w = 20 \text{ N}$

$h = 6 \text{ m}$

مطلوب: $P.E = ?$

حل: $P.E = mgh$

$W = mg$

$P.E = W \times h$

$= 20 \times 6$

$= 120 \text{ Nm}$

$P.E = 120 \text{ J}$

6.3۔ ایک 12kN وزنی کار کی سپیڈ 20 ms^{-1} ہے۔ اس کی کائی نیٹک انرجی معلوم کیجیے۔

معلوم: $w = 12 \text{ kN}$

$= 12 \times 10^3 \text{ N}$

$V = 20 \text{ ms}^{-1}$

مطلوب: $K.E = ?$

حل: $K.E = \frac{1}{2}mv^2$

$w = mg$

$m = \frac{w}{g}$

$= \frac{12 \times 10^3}{10}$

$m = 1200 \text{ kg}$

$K.E = \frac{1}{2}(1200)(20)^2$

$= 240,000 \text{ Nm}$

$= 240 \times 10^3 \text{ J}$

$K.E = 240 \text{ KJ}$

6.4۔ 500 گرام کے ایک پتھر کو 15 ms^{-1} کی ولاسٹی سے اوپر کی جانب پھینکا گیا ہے۔ اس کی معلوم کیجیے۔

(i) بلند ترین مقام پر پوٹینشل انرجی (ii) زمین سے ٹکراتے وقت کائی نیٹک انرجی

معلوم: $m = 500 \text{ g}$

$= 0.5 \text{ kg}$

$V_i = 15 \text{ ms}^{-1}$

$V_f = 0 \text{ ms}^{-1}$

$g = -10 \text{ ms}^{-2}$

مطلوب: (i) $P.E = ?$, (ii) $K.E = ?$

حل: $2gh = v_f^2 - v_i^2$

$2(-10)h = (0)^2 - (15)^2$

$-20h = 0 - 225$

$-20h = -225$

$h = \frac{225}{20}$

$h = 11.25 \text{ m}$

(i) $P.E = mgh$

$= (0.5)(10)(11.25)$

$P.E = 56.25 \text{ J}$

پتھر کی آخری ولاسٹی معلوم کرنے کے لیے

$V_i = 0 \text{ ms}^{-1}$

$V_f = V$

$h = 11.25 \text{ m}$

$2gh = v_f^2 - v_i^2$

$2(10)(11.25) = (v)^2 - (0)^2$

$225 = V^2$

$V = 15 \text{ ms}^{-1}$

(ii) $K.E = \frac{1}{2}mv^2$

$K.E = \frac{1}{2}(0.5)(15)^2 = 56.25 \text{ J}$

6.5۔ ایک 6 m اونچی ڈھلوان کے نچلے سرے سے چوٹی تک پہنچنے پر ایک سائیکلسٹ کی سپیڈ 1.5 ms^{-1} ہے۔ سائیکلسٹ کی کائی نٹک انرجی اور پوٹینشل معلوم کیجیے۔ سائیکلسٹ اور اس کی بائیکل کا ماس 40 kg ہے۔

$$h = 6 \text{ m}$$

$$V = 1.5 \text{ ms}^{-1}$$

$$m = 40 \text{ kg}$$

$$K.E = ?$$

$$P.E = ?$$

مطلوب:

$$K.E = \frac{1}{2}mv^2$$

$$= \frac{1}{2}(40)(1.5)^2$$

حل:

$$K.E = 45 \text{ J}$$

$$P.E = mgh$$

$$= (40)(10)(6)$$

$$P.E = 2400 \text{ J}$$

6.6۔ ایک موٹر بوٹ 4 ms^{-1} کی کونسٹنٹ سپیڈ سے حرکت کرتی ہے۔ اس پر عمل کرنے والی رزسٹنس 4000 N ہے۔ اس کے انجن کی پاور معلوم کیجیے۔

$$V = 4 \text{ ms}^{-1}$$

مطلوب:

$$F = 4000 \text{ N}$$

$$P = ?$$

مطلوب:

$$P = \frac{W}{t}$$

حل:

$$W = F \times S$$

$$P = \frac{F \times S}{t}$$

$$P = \frac{F \times V \times t}{t} \quad (\because S = Vt)$$

$$P = F \times V$$

$$= (4000)(4)$$

$$= 16000 \text{ W}$$

$$= 16 \times 10^3 \text{ W}$$

$$P = 16 \text{ KW}$$

6.7۔ ایک آدمی ایک بلاک کو 300 N کی فورس سے 60 s میں 50 m تک کھینچتا ہے۔ بلاک کو کھینچنے میں استعمال کی گئی پاور معلوم کیجیے۔

$$F = 300 \text{ N}$$

مطلوب:

$$t = 60 \text{ s}$$

$$S = 50 \text{ m}$$

$$P = ?$$

مطلوب:

$$P = \frac{W}{t}$$

حل:

$$P = \frac{F \times S}{t}$$

$$= \frac{300 \times 50}{60}$$

$$P = 250 \text{ W}$$

6.8۔ 50 کلو گرام کا ایک آدمی 20 s کے دوران 25 میٹر ہیان چڑھتا ہے۔ اگر ہر میٹر 16 cm اونچی ہو تو اس کی پاور معلوم کیجیے۔

$$m = 50 \text{ kg}$$

مطلوب:

$$t = 20 \text{ s}$$

$$n = 25$$

$$d = 16 \text{ cm} = 0.16 \text{ m}$$

$$S = 25 \times 0.16$$

$$S = 4$$

$$P = ?$$

مطلوب:

$$P = \frac{W}{t}$$

حل:

$$= \frac{F \times S}{t}$$

$$P = \frac{mg \times S}{t}$$

$$= \frac{50 \times 10 \times 4}{20}$$

$$P = 100 \text{ W}$$

6.9۔ ایک پمپ 200 kg پانی کو 10 s میں 6 m کی بلندی تک پہنچا سکتا ہے۔ پمپ کی پاور معلوم کیجیے۔

$$m = 200 \text{ kg}$$

$$t = 10 \text{ s}$$

$$S = 6 \text{ m}$$

$$P = ?$$

$$P = \frac{W}{t}$$

$$W = F \times S$$

$$= \frac{F \times S}{t}$$

$$P = \frac{mg \times S}{t}$$

$$= \frac{200 \times 10 \times 6}{10}$$

$$P = 1200 \text{ W}$$

6.10۔ ایک ہارس پاور کی الیکٹرک موٹر پمپ چلانے کے لیے استعمال کیا گیا

ہے۔ واٹر پمپ ایک اوور ہیڈ ٹینک کو بھرنے کے لیے 10 min لیتا

ہے۔ ٹینک کی گنجائش 800 لٹر اور بلندی 15 m ہے۔ ٹینک کو بھرنے میں

الیکٹرک موٹر نے واٹر پمپ پر کتنا ورک کیا۔ نیز سسٹم کی ایفی شینسی بھی

معلوم کیجیے۔

$$P = 1 \text{ hp} = 746 \text{ W}$$

$$t = 10 \text{ min} = 10 \times 60 \text{ s}$$

$$t = 600$$

$$V = 800 \text{ L}$$

$$h = 15 \text{ m}$$

$$W = ? , \text{ Efficiency} = ?$$

$$P = \frac{W}{t}$$

$$W = P \times t$$

$$= 746 \times 600$$

$$= 447600 \text{ Ns}$$

$$W = 447600 \text{ J}$$

$$E = mgh$$

$$(1 \text{ L} = 1 \text{ kg})$$

$$800 \text{ L} = 800 \text{ kg}$$

$$E = (800)(10)(15)$$

$$E = 120000 \text{ J}$$

$$\text{Efficiency} = \frac{O/p}{I/p} = \frac{120000}{447600}$$

$$= 0.268$$

$$\text{Efficiency} = 26.8\%$$

.....END

﴿مادہ کی خصوصیات﴾

باب نمبر 7:

مفید معلومات:	ڈینسٹی:
$1 \text{ m}^3 = 1000 \text{ L}$ $1 \text{ L} = 10^{-3} \text{ m}^3$ $1 \text{ cm}^3 = 10^{-6} \text{ m}^3$ $1000 \text{ kgm}^{-3} = 1 \text{ gcm}^3$	<p>ماس ڈینسٹی = $\frac{\text{ماس}}{\text{ماس ڈینسٹی}}$</p> <p>والیوم \times ڈینسٹی = ماس</p> <p>ماس ڈینسٹی = $\frac{\text{ماس}}{\text{والیوم}}$</p>
<p>h گہرائی پر مائع کا پریشر:</p> $P = \rho gh$	<p>پریشر:</p> <p>فورس یا پریشر = $\frac{F}{A}$</p>
<p>مائع کے اچھال کی فورس:</p> $F = \rho gV$	<p>پاسکل کا قانون:</p> $\frac{F_1}{a} = \frac{F_2}{A}$
<p>کسی شے کی ڈینسٹی:</p> $D = \frac{w_1}{w_1 - w_2} \times \rho$	<p>فورس یا سٹرین</p>
<p>یگڑ موڈولس:</p> $Y = \frac{FL_0}{A\Delta L}$	<p>لمبائی بٹنی تبدیلی = $\frac{\text{ٹینسائل سٹرین}}{\text{اصلی}}$</p>

چوڑائی × لمبائی = مستطیل کا رقبہ	اوچائی × چوڑائی × لمبائی = والیوم
ضلع × ضلع = مربع کا رقبہ	πr^2 = دائرہ کا رقبہ

7.1 - 40 cm × 10 cm × 5 cm پیمائش کے ایک لکڑی کے ایک

تکڑے کا ماس 850 g ہے۔ لکڑی کی ڈینسٹی معلوم کیجیے۔

$$\text{Volume} = V = \frac{40}{100} \times \frac{10}{100} \times \frac{5}{100} \quad \text{معلوم:}$$

$$= 0.4 \times 0.1 \times 0.05$$

$$V = 0.002 \text{ m}^3$$

$$\text{Mass} = m = 850 \text{ g}$$

$$= 0.85 \text{ kg}$$

$$\rho = ? \quad \text{مطلوب:}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \quad \text{حل:}$$

$$= \frac{0.85}{0.002}$$

$$\rho = 425 \text{ kgm}^{-3}$$

7.2 - 1 لٹر پانی جمانے پر بننے والی برف کا والیوم کتنا ہوگا؟

$$V = 1 \text{ litre} \quad \text{معلوم:}$$

$$m = 1 \text{ kg}$$

$$\rho = 0.92 \text{ kg litre}$$

$$V = ? \text{ برف کا والیوم} \quad \text{مطلوب:}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \quad \text{حل:}$$

$$V = \frac{m}{\rho}$$

$$= \frac{1}{0.92}$$

$$V = 1.09 \text{ litre}$$

7.3 - درج ذیل اجسام کا والیوم معلوم کریں۔

(i) 5 کلوگرام ماس کے لوہے کے گولے کا جبکہ لوہے کی ڈینسٹی 8200 kgm^{-3} ہے۔

$$m = 5 \text{ kg} \quad \text{معلوم:}$$

$$\rho = 8200 \text{ kgm}^{-3}$$

$$V = ? \quad \text{مطلوب:}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \quad \text{حل:}$$

$$V = \frac{m}{\rho}$$

$$= \frac{5}{8200}$$

$$V = 6.1 \times 10^{-4} \text{ m}^3$$

(ii) 200 گرام لیڈ کے چہرے کا جس کی ڈینسٹی 11300 kgm^{-3} ہے۔

$$m = 200 \text{ g} \quad \text{معلوم:}$$

$$= 200 \times 10^{-3} \text{ kg}$$

$$\rho = 11300 \text{ kgm}^{-3}$$

$$V = ? \quad \text{مطلوب:}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \quad \text{حل:}$$

$$V = \frac{m}{\rho}$$

$$= \frac{200 \times 10^{-3}}{11300}$$

$$V = 1.77 \times 10^{-5} \text{ m}^3$$

(iii) 0.2 کلوگرام ماس کی سونے کی سلاخ کا جبکہ سونے کی ڈینسٹی 19300 kgm^{-3} ہے۔

$$m = 0.2 \text{ kg} \quad \text{معلوم:}$$

$$\rho = 19300 \text{ kgm}^{-3}$$

$$V = ? \quad \text{مطلوب:}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \quad \text{حل:}$$

$$V = \frac{m}{\rho}$$

$$= \frac{0.2}{19300}$$

$$V = 1.04 \times 10^{-5} \text{ m}^3$$

7.4۔ ہوا کی ڈینسٹی 1.3 kgm^{-3} ہے۔ $8 \text{ m} \times 5 \text{ m} \times 4 \text{ m}$ پیمائش کے کمرے میں موجود ہوا کا ماس معلوم کریں۔

$\rho = 1.3 \text{ kgm}^{-3}$ معلوم:

$V = 8 \text{ m} \times 5 \text{ m} \times 4 \text{ m}$

$= 160 \text{ m}^3$

$m = ?$ مطلوب:

$\rho = \frac{m}{V}$ حل:

$m = \rho \times V$

$= 1.3 \times 160$

$m = 208 \text{ kg}$

7.5۔ ایک طالب علم اپنے انگوٹھے سے 75 N کی فورس لگا کر اپنی ہتھیلی کو دباتا ہے۔ اس کے انگوٹھے کے نیچے 1.5 cm^2 کے ایریا پر لگنے والا پریشر کتنا ہوگا؟

$F = 75 \text{ N}$ معلوم:

$A = 1.5 \text{ cm}^2$

$= 1.5 \times \frac{1}{100} \times \frac{1}{100} \text{ m}^2$

$A = 1.5 \times 10^{-4} \text{ m}^2$

$P = ?$ مطلوب:

$P = \frac{F}{A}$ حل:

$= \frac{75}{1.5 \times 10^{-4}}$

$= 500,000 \text{ Nm}^{-2}$

$P = 5 \times 10^5 \text{ Nm}^{-2}$

7.6۔ ایک پن کا بالائی سر اربع نما ہے، جس کی ایک سائڈ 10 mm ہے۔ اس پر لگنے والی 20 N کی فورس سے پیدا ہونے والا پریشر معلوم کریں۔

$l = 10 \text{ mm}$ معلوم:

$= 10 \times 10^{-3} \text{ m}$

$F = 20 \text{ N}$

$P = ?$ مطلوب:

$P = \frac{F}{A}$ حل:

$A = l \times l$

$= (10 \times 10^{-3})^2$

$A = 1 \times 10^{-4} \text{ m}^2$

$P = \frac{20}{1 \times 10^{-4}}$

$= 200,000 \text{ Nm}^{-2}$

$P = 2 \times 10^5 \text{ Nm}^{-2}$

7.7۔ 1000 گرام ماس اور $20 \text{ cm} \times 7.5 \text{ cm}$ پیمائش کا لکڑی کا ایک یونیفارم مستطیلی بلاک افقی سطح پر اپنے لمبے کنارے کے رخ عموداً کھڑا ہے۔ معلوم کریں۔

(i) لکڑی کے بلاک کا سطح پر پریشر (ii) لکڑی کی ڈینسٹی

$m = 1000 \text{ g} = 1 \text{ kg}$ معلوم:

$A = 7.5 \text{ cm} \times 7.5 \text{ cm}$ لکڑی کے کنارے کے نیچے سطح کا ایریا

$= \frac{7.5}{100} \text{ m} \times \frac{7.5}{100} \text{ m}$

$= 0.075 \text{ m} \times 0.075 \text{ m}$

$A = 5.625 \times 10^{-3} \text{ m}^2$

(i) $P = ?$, (ii) $\rho = ?$ مطلوب:

$P = \frac{F}{A}$ حل:

$F = w = mg$

$= (1)(10)$

$F = 10 \text{ N}$

$$P = \frac{10}{5.625 \times 10^{-3}}$$

$$P = 1778 \text{ Nm}^{-2}$$

$$(ii) \rho = ?$$

$$\rho = \frac{m}{V}$$

$$V = 20 \text{ cm} \times 7.5 \text{ cm} \times 7.5 \text{ cm}$$

$$= \frac{20}{100} \text{ m} \times \frac{7.5}{100} \text{ m} \times \frac{7.5}{100} \text{ m}$$

$$= 0.2 \text{ m} \times 0.075 \text{ m} \times 0.075 \text{ m}$$

$$V = 1.125 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$\rho = \frac{1}{1.125 \times 10^{-3}}$$

$$\rho = 889 \text{ kgm}^{-3}$$

7.8-5 سینٹی میٹر سائڈز کے ایک شیشے کے ایک کیوب کا ماس 306 g ہے اور

اس کے اندر کیو بی (سوراخ) پائی جاتی ہے۔ اگر شیشے کی ڈینسٹی 2.55

gcm^{-3} ہو تو اس کیو بی کا وائیوم معلوم کریں

$$l = 5 \text{ cm}$$

$$m = 306 \text{ g}$$

$$\rho = 2.55 \text{ gcm}^{-3}$$

$$V = ? \text{ کیو بی کا وائیوم}$$

$$\rho = \frac{m}{V}$$

$$m = \rho \times V$$

$$V = 1 \times 1 \times 1$$

$$V = 5 \times 5 \times 5 = 125 \text{ cm}^3$$

$$m = (2.55)(125)$$

$$m = 318.75 \text{ g}$$

$$m = 318.75 \text{ g} - 306 \text{ g}$$

$$= 12.75 \text{ g}$$

$$\rho = \frac{m}{V}$$

$$V = \frac{m}{\rho}$$

$$V = \frac{12.75}{2.55} = 5 \text{ cm}^3$$

7.9- ایک جسم کا ہوا میں وزن 18 N ہے۔ جب اس کو پانی میں ڈبو یا جائے تو

اس کا وزن 11.4 N ہو جاتا ہے۔ اس کی ڈینسٹی معلوم کریں۔ کیا آپ بتا سکتے

ہیں کہ جسم کس میٹیریل کا بنا ہوا ہے؟

$$W_1 = 18 \text{ N}$$

$$W_2 = 11.4 \text{ N}$$

$$D = ?$$

$$D = \frac{W_1}{W_1 - W_2} \times \rho$$

$$= \left(\frac{18}{18 - 11.4} \right) \times 1000$$

$$D = 2.7273 \times 1000$$

$$D = 2727 \text{ kgm}^{-3} \text{ ایلومینیم}$$

7.10- لکڑی کا ایک ٹھوس بلاک جس کی ڈینسٹی 6 gcm^{-3} ہے کا ہوا میں

وزن 3.06 N ہے۔ معلوم کریں۔

(a) بلاک کا وائیوم (b) بلاک کے اس حصہ کا وائیوم جو 0.9 gcm^{-3} ڈینسٹی

کے مائع میں آزاد چھوڑنے پر ڈوبتا ہے۔

$$\rho = 0.6 \text{ gcm}^{-3}$$

$$W = 3.06 \text{ N}$$

$$V = ?$$

$$V = \frac{m}{\rho}$$

$$W = mg$$

$$m = \frac{W}{g}$$

$$= \frac{3.06}{10}$$

$$= 0.306 \text{ kg}$$

$$m = 306 \text{ g}$$

$$V = \frac{306}{0.6}$$

$$V = 510 \text{ cm}^3$$

Again

$$V = \frac{m}{\rho}$$

$$V = \frac{306}{0.9} = 340 \text{ cm}^3$$

7.11۔ ہائڈروک پریس کے پسٹن کا ڈایامیٹر 30 cm ہے۔ 20,000 N وزنی کار کو اٹھانے کے لیے کتنی فورس درکار ہوگی؟ اگر پمپ کے پسٹن کا ڈایا میٹر 3 cm ہو؟

D = 30 cm پریس کی پسٹن کا ڈایامیٹر

$$r_1 = \frac{D}{2} = \frac{30}{2} = 15 \text{ cm}$$

$$= \frac{15}{100} \text{ m} = 0.15 \text{ m}$$

D = 3 cm پمپ کے پسٹن کا ڈایامیٹر

$$r_2 = \frac{D}{2} = \frac{3}{2}$$

$$= 1.5 \text{ cm} = 0.015 \text{ m}$$

$$W = F_2 = 20000 \text{ N}$$

$$F_1 = ?$$

فارمولا:

$$\frac{F_1}{a} = \frac{F_2}{A}$$

$$A = \pi r^2$$

$$\frac{F_1}{\pi (0.015)^2} = \frac{F_2}{\pi (0.15)^2}$$

$$F_1 = \frac{20000 \times \pi \times (0.015)^2}{\pi \times (0.15)^2}$$

$$= \frac{20000 \times 2.25 \times 10^{-4}}{0.0225}$$

$$F_1 = 200 \text{ N}$$

7.12۔ سٹیل کے ایک تار کے $2 \times 10^{-5} \text{ m}^2$ اس سکیشنل ایریا 4000 N کی فورس لگانے سے اس کی لمبائی میں 2 mm کا اضافہ ہو جاتا ہے۔ تار کا ینگز موڈولس معلوم کریں۔ جبکہ اس کی لمبائی 2 m ہے۔

$$A = 2 \times 10^{-5} \text{ m}^2$$

معلوم:

$$F = 4000 \text{ N}$$

$$\Delta L = 2 \text{ mm}$$

$$= 2 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$L_0 = 2 \text{ m}$$

$$Y = ?$$

مطلوب:

$$Y = \frac{FL_0}{A\Delta L}$$

حل:

$$= \frac{4000 \times 2}{2 \times 10^{-5} \times 2 \times 10^{-3}}$$

$$Y = 2 \times 10^{11} \text{ Nm}^{-2}$$

.....END.....



Study Notes

www.Topstudynotes.pk

تمام ڈیٹا پنجاب کے تمام بورڈز کے مطابق بنایا گیا ہے

اس ڈیٹا کے علاوہ ہمارے پاس اول کلاس سے لے کر بارہویں کلاس تک مختلف قسم کے ٹیسٹ سیشن موجود ہیں جو بوتھ انگلش اور اردو میڈیم میں بنائے گئے ہیں جو خاص طور پر ہماری ٹیم آپ کے ادارے سکول اکیڈمی، کالج کیلئے ہر سال نیو ٹیسٹ تیار کرتی ہیں تمام ٹیسٹ سوفٹ وئیر میں آپ کے نام اور لوگو کے ساتھ وئیرا ہم کیے جائے گئے۔ یہ تمام ٹیسٹوں کا ڈیٹا یونیک ہے جو انٹرنیٹ پر پہلے سے موجود نہیں ہے

(2) دو، دو چیمپٹر کے دو قسم کے راونڈ ہیں

(1) ایک، ایک چیمپٹر کے چار اقسام کے مختلف راونڈ ہیں

(4) فرسٹ ہاف بک اور سیکنڈ ہاف بک ہے اور فل بک ٹیسٹ، دو اقسام کے راونڈ ہیں

(3) کوارٹر وائز تین تین چیمپٹر کے ٹیسٹ ہیں

ان تمام ٹیسٹوں کے مختلف راونڈ کو ان سیشن میں استعمال کر سکتے ہیں جس میں ہفتہ وار ٹیسٹ، ہاف ماہ کا ٹیسٹ، ماہانہ ٹیسٹ، دو ماہ بعد دو دو چیمپٹر کا ٹیسٹ، کوارٹر وائز ٹیسٹ، آخری ٹیسٹ سیشن ٹرم کیلئے چیمپٹر وائز ٹیسٹ، ٹرم وائز، اور فل بک ٹیسٹ، آپ ان تمام ٹیسٹوں کو اپنی مرضی سے شیڈیول کر سکتے ہیں۔

ان میں سے آپ کوئی بھی راونڈ آپ اپنی ضرورت کے مطابق خرید سکتے ہیں تمام راونڈ کی قیمت مختلف ہیں

ہم سے رابطہ کرنے کیلئے آپ ہمیں فیس بک، ویب سائٹ کے کانٹیکٹ پیج، یا کال، واٹس اپ پر رابطہ کر سکتے ہیں

Our Facebook Page

<https://www.facebook.com/Topstudynotes> Gmail id topstudynotes@gmail.com